

Gegeben sei die Funktionenschar  $f_t$  mit  $f_t(x) = (t-x) \cdot e^x$  mit  $t \in \mathbb{R}$ .

**Aufgabe 1:**

Bestimmen Sie die Definitionsmenge von  $f_t$  und untersuchen Sie die Funktion auf ihr Verhalten an den Rändern des Definitionsbereichs.

**Aufgabe 2:**

Bestimmen Sie die Schnittpunkte des Graphen von  $f_t$  mit den Achsen, die Extrempunkte und mögliche Wendepunkte. Geben Sie die Wertemenge von  $f_t$  an. [Kontrolle:  $f_t''(x) = e^x(-2+t-x)$ ]

**Aufgabe 3:**

Zeichnen Sie unter Verwendung der Erkenntnisse aus den Aufg. 1 und 2 die Graphen von  $f_1$  und  $f_2$  in ein Koordinatensystem im Intervall  $[-4;3]$ .

**Aufgabe 4:**

Seien  $t_1, t_2 \in \mathbb{R}$  mit  $t_1 \neq t_2$ . Überprüfen Sie, ob sich die Graphen von  $f_{t_1}$  und  $f_{t_2}$  schneiden.

**Aufgabe 5:**

Eine Tangente an den Graphen von  $f_t$  im Wendepunkt (sog. Wendetangente) schneidet die  $x$ -Achse im Punkt  $A_t$ . Der Schnittpunkt des Graphen von  $f_t$  mit der  $x$ -Achse sei  $B_t$ . Zeigen Sie, dass der Abstand von  $A_t$  zu  $B_t$  nicht von  $t$  abhängt.

**Aufgabe 6:**

- a) Beweisen Sie, dass die Funktion  $F_t$  mit  $F_t(x) = -e^x \cdot (x-t-1)$  eine Stammfunktion von  $f_t$  ist.  
b) Überlegen Sie sich, wie man die Funktion  $F_t$  hätte ermitteln können.

**Aufgabe 7:**

- a) Sei  $t \in \mathbb{R}_{\geq 0}$ . Bestimmen Sie den Inhalt der nach links unbegrenzten Fläche, die im 2. Quadranten von der  $x$ -Achse, der  $y$ -Achse und dem Graphen von  $f_t$  eingeschlossen wird.  
b) Nun sei  $t \in \mathbb{R}_{< 0}$ . Bestimmen Sie den Inhalt der nach links offenen Fläche, die im 2. Quadranten von der  $x$ -Achse und dem Graphen von  $f_t$  eingeschlossen wird.